



Übung zu Theoretischer Physik II für LA (Quantenmechanik und Thermodynamik) SS2005

8.Übungstermin: 24.5.2005

15.) Spin I:

Ein unpolarisierter Teilchenstrahl (z.B. Neutronen) mit einem Spin $\frac{1}{2}$ bewegt sich mit konstanter Energie (bzw. Geschwindigkeit v_0) in Richtung x .

- Der Strahl geht durch ein inhomogenes B-Feld (Richtung z ; Stern-Gerlach-Experiment). In welchen Zustand können die einzelnen Teilchen nach dem Durchgang sein (und mit welcher Wahrscheinlichkeit)?
- Jener Teilstrahl mit dem größeren Eigenwert geht durch einen weiteren Feldgradienten in z - (bzw. x -) Richtung. In welchen Zustand können die einzelnen Teilchen nach dem Durchgang sein (und mit welcher Wahrscheinlichkeit)?
- Jener Teilstrahl aus a.) mit dem kleineren Eigenwert geht durch ein homogenes Magnetfeld $\vec{B} = (0, B_0, 0)$ der Länge l . Danach steht wieder ein Feldgradient in z -Richtung. In welchen Zustand können die einzelnen Teilchen nach dem Durchgang sein (und mit welcher Wahrscheinlichkeit)?
Hinweis: Bestimmen Sie zuerst die Eigenwerte und Eigenstände von H , der die Dynamik im konstanten homogenen B-Feld beschreibt, und stellen Sie dann den Zustand aus a.) durch die Eigenzustände von H dar.
- Eine etwas abgeänderte Vorrichtung: Zusätzlich zu c.) befindet sich auf halber Strecke ($l/2$) ein Feldgradient in z -Richtung. In welchen Zustand können die einzelnen Teilchen nach dem Durchgang durch den letzten Gradienten sein (und mit welcher Wahrscheinlichkeit)?

16.) Spin II:

Voraussetzungen wie bei Bsp 19.)

Ein homogenes B-Feld ist um den θ zur z -Achse geneigt.

- Bestimmen Sie zuerst den Hamiltonoperator in der $|+z\rangle - |-z\rangle$ -Basis und damit die Eigenwerte und Eigenzustände.
- Für dem homogenen B-Feld steht ein Stern-Gerlach-Magnet (Richtung z). Geben Sie in Abhängigkeit der Flugdauer im B-Feld τ die Wahrscheinlichkeit an, den Zustand nachher im $|+x\rangle$ bzw. $|-z\rangle$ zu finden.

B5.) Spin III :

- Bestimmen Sie die Eigenvektoren und Eigenwerte der 3 Paulischen Spin-Matrizen.
- Bestimmen Sie $S^\pm := S_x \pm iS_y$. Berechnen Sie die Wirkung von S^\pm auf die Eigenvektoren von S_z .
- Ein System befindet sich im Zustand $\chi = \begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix}$ in der Basis der Eigenvektoren von S_z . Bestimmen Sie $\langle S_x \rangle$, $\langle \Delta S_x \rangle$, $\langle S_y \rangle$ und $\langle \Delta S_y \rangle$.

B6.) Spin IV:

Ein Spin habe den Wert $S^2 = \hbar^2 \frac{15}{4}$

- Welche Werte kann S_z annehmen?
- Wählen Sie für die Eigenvektoren von S_z die kanonische Darstellung. Wie sieht dann die Matrixdarstellung von S_z aus?

B7.) Mehrteilchensystem V:

Ein System besteht aus 2 nicht wechselwirkenden Spins und befindet sich im Zustand (\uparrow =up, \downarrow =down)

- a.) Berechnen Sie $S^2\chi$ (wobei S = Gesamtspin)
- b.) Welche Werte muessen λ u μ annehmen, damit $s=0$ bzw $s=1$ gilt ($EW S^2 = \hbar^2 s(s + 1)$)?
- c.) Berechnen Sie nun die "Korrelation" $\langle 0, 0 | \vec{S}_1 \cdot \vec{a} \vec{S}_2 \cdot \vec{b} | 0, 0 \rangle$, wobei \vec{a} und \vec{b} beliebige (Einheits)vektoren im Raum sind.